文章编号:1009-9603(2021)05-0116-08

DOI:10.13673/j.cnki.cn37-1359/te.2021.05.014

# 基于三维CT重构的油页岩复杂 水力裂缝网络分形表征

何强1,李凤霞2,史爱萍2,何柏1.3.4,陈江1,谢凌志1.3.4

(1.四川大学 建筑与环境学院,四川 成都 610211; 2.中国石化石油勘探开发研究院,北京 100083; 3.四川大学 水力学与山区河流开发保护国家重点实验室,四川 成都 610065; 4.四川大学 新能源与低碳技术研究院,四川 成都 610207)

摘要:通过压裂形成的复杂裂缝网络是提高致密油气藏产能的关键措施。采用真三轴实验系统对鄂尔多斯盆地中 生界三叠系延长组油页岩试件进行水力压裂物理模拟实验,并对压裂前后试件的裂缝网络进行三维CT重构。基 于分形理论和数字图像处理技术,对室内水力压裂前后裂缝网络的复杂性进行研究。结果表明,基于立方体覆盖 法压裂前后裂缝网络的分形维数变化率为0.45%~3.64%。分形维数变化率与水平应力比之间始终存在负相关关 系。然而,在不同压裂液黏度下,分形维数变化率先增大后减小,在黏度为5.0 mPa·s时分形维数变化率最大。在较 低的水平应力比和相对较低的压裂液黏度下,更容易形成复杂的裂缝网络,而过低或过高的压裂液黏度均限制了 复杂裂缝网络的形成。

关键词:油页岩;水力压裂;分形维数;裂缝网络;三维CT重构;鄂尔多斯盆地 中图分类号:TE357.1 **文献标识码**:A

# Fractal characterization of complex hydraulic fracture networks of oil shale via 3D CT reconstruction

HE Qiang<sup>1</sup>, LI Fengxia<sup>2</sup>, SHI Aiping<sup>2</sup>, HE Bo<sup>1,3,4</sup>, CHEN Jiang<sup>1</sup>, XIE Lingzhi<sup>1,3,4</sup>

(1.College of Architecture and Environment, Sichuan University, Chengdu City, Sichuan Province, 610211, China; 2.Petroleum Exploration and Production Research Institute, SINOPEC, Beijing City, 100083, China; 3.State Key Laboratory of Hydraulics and Mountain River Engineering, Sichuan University, Chengdu City, Sichuan Province, 610065, China; 4.Institute of New Energy and Low-Carbon Technology, Sichuan University, Chengdu City, Sichuan Province, 610207, China)

**Abstract**: The complex fracture networks produced by hydraulic fracturing are crucial to the higher gas/oil production capacity from tight reservoirs. In this study, the physical simulation experiments on hydraulic fracturing were conducted by a true triaxial test system with the oil shale samples from the Triassic Yanchang Formation, and 3D CT reconstruction was performed on the fracture networks of the samples before and after fracturing. The complexity of the fracture networks were quantitatively described on the basis of the fractal theory and the digital image processing technology. The results indicate that the change rate of the fractal dimension of fracture networks are 0.45%-3.64% before and after fracturing based on the cube covering method. A negative correlation is always between the change rates of the fractal dimension and the horizontal stress ratio. Moreover, the change rate of the fractal dimension grows first and then declines as the fracturing fluid viscosity varies, and it reaches the maximum at the fluid viscosity of  $5.0 \text{ mPa} \cdot \text{s}$ . A low horizontal stress ratio and a low fluid viscosity restrains the formation of fracture networks, while over low or high fracturing fluid viscosity restrains the formation of fracture networks.

Key words: oil shale; hydraulic fracturing; fractal dimension; fracture networks; 3D CT reconstruction; Ordos Basin

收稿日期:2020-12-15。

作者简介:何强(1995—),男,四川自贡人,在读硕士研究生,从事油页岩水力压裂缝网表征方面的研究。E-mail:1085980453@qq.com。通信作者:何柏(1988—),男,四川成都人,实验师,博士。E-mail:hebo@scu.edu.cn。

基金项目:国家自然科学基金项目"页岩三维重构及压裂缝网扩展模拟试验研究"(11872258),四川省科技厅国际合作项目"页岩高温破断行为及热-流-固耦合压裂数值模拟研究"(2019YFH0121)。

全球页岩油地质资源量为9368.35×10<sup>8</sup> t,技术 可采资源量为618.47×10<sup>8</sup> t,中国页岩油储量丰富, 页岩油技术可采资源量为43.93×10<sup>8</sup> t,居世界第三 位<sup>[1]</sup>。由于页岩油储层的渗透率极低,需要进行水 力压裂以促进岩石破裂形成复杂的裂缝网络,从而 提高裂缝导流能力和非常规油气的产量<sup>[2-3]</sup>。

评价裂缝网络的改造效果可通过表征压裂后 裂缝网络的复杂性实现。目前在实验室中可用示 踪剂、劈裂岩石样品和荧光法获得断裂网络[4-7]。然 而,这些方法会对岩石样品造成损伤,在获得裂缝 网络的过程中会出现二次裂纹,更重要的是难以获 得三维裂缝网络。声发射是获得裂缝网络的无损 手段,但难以将离散的声发射点结合起来形成较为 精确的裂缝<sup>[8-9]</sup>。很多学者通过CT扫描技术获得了 样品中裂缝和孔隙度的空间几何形状[10-14]。为了研 究裂缝的起裂、延伸和闭合<sup>[15-16]</sup>,用显微镜和CT扫 描仪观察裂缝的形态和内部结构,但这些研究没有 进行三维CT重构及可视化处理。王丹等基于三维 重建技术,研究了地应力和压裂液黏度对水力裂缝 传播和分布特征的影响[17-20]。尽管在这些研究中已 经进行了裂缝网络的三维重建,但它们主要是以定 性的方式进行的。因此,需要引入一种定量表征方 法来研究三维裂缝网络的复杂性。

以往研究中定量描述裂缝复杂性的方法包括 裂缝密度、拓扑结构和基于波速的各向异性参数和 分形理论等[21-26]。分形理论与其他三种方法相比, 它不仅反映了裂缝的分布特征,而且定量地描述了 裂缝的复杂性。杨雷等基于电镜扫描结果,评价了 分形维数、岩石组成与应力状态之间的关系<sup>[27-28]</sup>。 LI等基于CT扫描,利用分形理论,表征了煤岩裂缝 网络,并讨论了荷载水平对裂缝演化的影响<sup>[29-32]</sup>。 ZHAO等指出裂隙岩体试件的抗压强度随分形维数 的增加而减小[33-35]。但上述研究主要针对单/三轴 实验中岩石裂隙的分形维数展开的讨论,而少有针 对水力压裂后岩石裂缝网络的分形研究,采用分形 理论研究水力压裂后裂缝网络分形特征的研究更 少。为此,采用真三轴实验系统对鄂尔多斯盆地中 生界三叠系延长组油页岩试件进行水力压裂物理 模拟实验,并对压裂前后试件的裂缝网络进行三维 CT重构。基于分形理论和数字图像处理技术定量 地表征了水力压裂前后裂缝网络复杂性,探讨了不 同水平应力比和压裂液黏度下压裂前后分形维数 变化率,分析了水力压裂后裂缝网络复杂性与分形 维数的关系。通过分形维数反映压裂裂缝网络的 改造效果,探究能够得到较优压裂效果的实验条 件,以期为页岩油储层的水力压裂裂缝网络改造提 供依据。

# 1 实验方法

# 1.1 油页岩试件制备

实验所用油页岩露头采自鄂尔多斯盆地中生 界三叠系延长组长7段。除去表面风化层后,油页 岩露头经切割及研磨加工成尺寸为100 mm×100 mm×100 mm的标准油页岩立方体试件。用垂直于 层理表面的金刚石钻头在立方体试件中心钻出一 个深度为50 mm、直径为12 mm的井筒(图1),井筒 方向均垂直于层理平面。模拟套管采用长度为50 mm、外径为8 mm、内径为4 mm的高强度钢管。



图1 油贝石风汗小息 Fig.1 Oil shale samples

### 1.2 实验设计

油页岩水力压裂实验主要考虑水平应力比和 压裂液黏度对油页岩压裂后裂缝网络复杂性的影 响。根据鄂尔多斯盆地中生界三叠系延长组主要 研究层段地应力资料,模拟目标层埋深约为1440 m,忽略地层压力影响。最大竖向主应力约为40 MPa,最大水平主应力为25.8~31.5 MPa,最小水平 主应力为22.5~25.8 MPa。为了研究压裂液黏度对 水力压裂实验的影响,实验中根据羟丙基胍胶与压 裂液黏度的关系,配制了5种不同黏度的压裂液。 试件A1,A2,A3和A4开展压裂液黏度为17.1 mPa·s 时不同水平应力比条件下裂缝网络的影响实验:试 件A2,A5,A6,A7和A8开展水平应力比为1.353时 不同压裂液黏度对裂缝网络复杂性的影响(表1)。 实验开始前,对井筒施加0.5 MPa的压力,检查密封 是否完整。经以上设计得到的实验参数取值与实 际工程中水力压裂参数高度匹配,该实验可对延长 组长7段油页岩的水力压裂特性提供基础认识。

# 1.3 三维CT重构方法

采用Mimics17.0对油页岩试件进行三维CT重

·118·

 表1
 水力压裂实验参数

 Table1
 Experimental parameters of hydraulic fracturing

 试件
 三向地应
 水平
 压裂液黏度/
 注水速率/

 编号
 力/MPa
 应力比
 (mPa•s)
 (mL•s<sup>-1</sup>)

编号	力/MPa	应力比	(mPa•s)	$(mL \cdot s^{-1})$
A1	40/24.3/24.3	1.000	17.1	0.06
A2	40/32.88/24.3	1.353	17.1	0.06
A3	40/37.15/24.3	1.529	17.1	0.06
A4	40/40.02/24.3	1.647	17.1	0.06
A5	40/32.88/24.3	1.353	1.3	0.06
A6	40/32.88/24.3	1.353	3.2	0.06
A7	40/32.88/24.3	1.353	5.0	0.06
A8	40/32.88/24.3	1.353	31.6	0.06

注:40/32.88/24.3分别为最大竖向主应力、最大水平主应力和最小水平主应力;水平应力比为最大水平主应力与最小水平主应力之比。

构。为了准确地提取裂缝,需要识别油页岩中的不 同组分。

利用剖切线测定裂缝、油页岩基质和高密度矿物的灰度。在图2a中天然裂缝、水力裂缝和高密度 矿物被剖切线切割,其灰度曲线中存在明显的代表 高密度矿物的波峰和代表裂缝的波谷(图2b)。基 于油页岩试件中裂缝、基质和高密度矿物三者具有 不同灰度的原理,可以分辨出压裂前后CT切片中的





裂缝,再结合区域生长、形态膨胀和腐蚀技术重构 裂缝网络。通过对比发现,油页岩试件压裂后裂缝 与Mimics重构的裂缝网络非常吻合(图3)。说明通 过Mimics重构获得油页岩试件内部裂隙的空间形 态这一方法是可行的,进而能很好地分析油页岩的 分形特征。



## specimens after fracturing

# 2 实验结果及分析

# 2.1 裂缝网络的分形特征

2.1.1 分形理论及计算方法

分形理论是 1982 年由 Mandelbrot 提出的一门 数学分支,主要用来描述自然界不规律的现象。在 分形理论中主要是通过分形维数进行度量,在岩石 领域中通常采用的是最直观的计盒维数。将分形 运用于岩石领域后可以描述岩石的孔隙结构特征 或裂缝分布特征。分形理论能够准确地定量反映 岩体中裂缝的复杂程度、起伏粗糙程度、方位及张 开度等<sup>[36]</sup>。

裂缝网络的数字图像可以采用立方体覆盖法 计算其分形维数。裂缝图像(图4a)由一系列像素



(1)

点组成,每个像素点均有一个相应的灰度。空间被 划分为大小为*m×n×h*像素点的立方体(图4b)。选 取二分法确定小立方体的边长,其计算式为:

$$\delta_{k} = \frac{1}{c^{k-1}} \left| 0 < k \le \frac{\ln\min(m, n, h)}{\ln c} \right| + 1$$
  
k = 0, 1, 2, 3, ...

覆盖裂缝空间所需的小立方体数量(*N<sub>k</sub>*)将随立 方体大小而变化。通过图像预处理后得到二值化 的裂缝图像。像素值分别为0或1,其值为1表示裂 缝。因此,立方体覆盖区域中包含的像素最大值大 于0,可以累积计入覆盖裂缝空间所需的立方体数 量。遍历整个裂缝空间,得到等分*c*次后覆盖目标 区域的立方体数量。对于任意*c*值,能够计算相应 的立方体数量,并得到一系列的数据对(1/*c<sup>k-1</sup>*,*N<sub>k</sub>*)。 在双对数坐标系中,(1/*c<sup>k-1</sup>*,*N<sub>k</sub>*)表示的直线可以反映 分形特征,其斜率为裂缝的分形维数,直线方程为:

$$\ln N_{k} = -\ln \frac{1}{c^{k-1}} D + b$$
 (2)

2.1.2 典型裂缝的分形特征

为了更好地反映岩体内裂缝网络的复杂性对 分形维数计算结果的影响,分别对单一裂缝、平行 裂缝、交叉裂缝及混合裂缝的分形维数进行计算。

分形维数计算结果(图5)表明,单一裂缝的分 形维数最小,其裂缝几何形态最简单。相反,混合 裂缝具有最大的分形维数和最复杂的裂缝形态,裂 缝分形维数与复杂性呈正相关。也就是说,裂缝的 复杂性越高,裂缝的分形维数越大。因此,分形维 数可以定量描述裂缝网络的复杂性。



# 2.1.3 水力裂缝网络的分形特征

基于分形计算方法和三维CT重构方法,可以计 算出水力压裂前后样品中裂缝的分形维数。根据 立方体覆盖法的定义,油页岩试件中裂缝复杂性增 加将导致更大的分形维数。由各工况下水力压裂 前后的裂缝网络的形态及其分形维数(图6)可见: 基于立方体覆盖法的压裂后裂缝网络的分形维数 为1.952 2~2.183 7;压裂前天然裂缝的分形维数为 1.943 4~2.147 3,小于同一试件压裂后裂缝网络的 分形维数。各工况下分形维数变化率为0.45%~ 3.64%,表明裂缝网络的分形维数增大,压裂后裂缝 网络复杂性有所增加。

### 2.2 水平应力比的影响

分析不同水平应力比下压裂前后裂缝网络的 分形维数及其变化率(图7)可知,在不同水平应力 比下,压裂后同一试件裂缝的分形维数均有所增 大,压裂前后分形维数变化率为0.45%~2.58%。分 形维数变化率与水平应力比之间始终存在负相关 关系。当水平应力比小于1.529时,分形维数变化 率随水平应力比的增加而缓慢下降;当水平应力比 大于1.529时,分形维数变化率急剧下降。说明当 水平应力比增大时,复杂裂缝网络形成难度增大, 裂缝网络复杂性增大的程度逐渐减小。

当水平应力比为1.000时,分形维数变化率最 大,这意味着压裂后形成的裂缝最为发育。在较低 的水平应力比条件下,压裂后形成了大量的水力裂 缝。这些水力裂缝容易穿过天然裂缝,与天然裂缝 共同形成网状裂缝(图8a),并促进天然裂缝的进一 步扩展。

与水平应力比为1.000的结果相比,水平应力 比为1.353时分形维数变化率较小,压裂后形成的 裂缝相对少一些,存在沿水力裂缝走向的天然裂 缝,有利于水力裂缝与天然裂缝连通,促进了单条 水力裂缝的形成(图8b)。单条水力裂缝的形成虽 然与天然裂缝形成复杂裂缝形态,但是除了形成主 水力裂缝外,没有形成其他细小的水力裂缝分支, 也没有形成沿天然裂缝和层理面扩展的裂缝,因此 裂缝的分形维数变化率随水平应力比的增大而减 小。

当水平应力比增加到1.529和1.647时,水力裂 缝难以发生转向,此时水力裂缝连通更多的天然裂 缝和诱导天然裂缝扩展的难度增大,最终重构的裂 缝网络也表明此时更趋向于形成垂直于最小水平 主应力方向的主水力裂缝(图8c,图8d)。也就是 说,当水平应力比相对较低时,压裂后更有利于形



Fig.6 Fracture networks and their fractal dimensions before and after fracturing under different working conditions



成复杂的裂缝网络,而过大的水平应力比更容易导 致压裂后形成单条水力裂缝,不利于形成复杂的裂 缝网络。

# 2.3 压裂液黏度的影响

分析压裂液黏度与分形维数和分形维数变化 率的关系(图9)可知:当压裂液黏度为1.3~31.6 mPa·s时,分形维数变化率为1.50%~3.64%。当压 裂液黏度小于5.0 mPa·s时,分形维数变化率随黏度 的增加而增大;当压裂液黏度为5.0 mPa·s时,分形 维数变化率增至最大值;当压裂液黏度从5.0 mPa·s 增加到17.1 mPa·s时,分形维数变化率呈下降趋势; 当压裂液黏度由17.1 mPa·s增至31.6 mPa·s时,分 形维数变化率呈增加趋势。结果表明,低黏度的压 裂液有利于复杂裂缝网络的形成,但过低或过高的 压裂液黏度会抑制复杂裂缝网络的形成。

压裂液黏度为1.3 mPa·s时的分形维数变化率







Fracture morphology after fracturing with different horizontal stress ratios Fig.8



fractal dimension and its change rate

小于黏度为3.2 mPa·s时的分形维数变化率,这意味 着黏度过低会不利于更多新裂缝的形成。压裂液 的流量和黏度均会对裂缝形态产生影响<sup>[34]</sup>。由于 压裂液流量相同,所以,压裂液黏度较大时,可以快 速增大加压速率,从而诱导水力裂缝的扩展;而压 裂液黏度较小时,压裂液的滤失量较大,形成复杂 裂缝网络的难度增大。同样的机理可以解释,黏度 为3.2 mPa·s 时分形维数的变化率小于黏度为5.0 mPa·s时分形维数的变化率。也就是说如果在压裂 液黏度处于太低的情况下,相对较大的压裂液黏度 对于复杂裂缝网络的形成是更有利的。

当压裂液黏度从 5.0 mPa·s 增加到 17.1 mPa·s 时,由于实验采用的压裂液黏度增大,对比图8c和 图 10a 可知,高黏度压裂液抑制了复杂水力裂缝或 者天然裂缝的扩展,同时更容易诱导形成单一的水 力裂缝,因此分形维数变化率随黏度的增大呈减小 趋势。低黏度压裂液会渗入到裂缝中,扩大流体流 道,诱导更多分支裂缝的形成。同时,低黏度压裂 液更容易进入天然裂缝和层理面,促进了复杂裂缝 网络的形成。

由于试件A8的天然裂缝分布集中在试件底部,



a--压裂液黏度为5.0 mPa•s



b---压裂液黏度为31.6 mPa•s 图 10 不同压裂液黏度压裂后的裂缝形态 Fig.10 Fracture morphology after fracturing with different fluid viscosities

并且压裂后试件A8中的水力裂缝从顶部延伸到底 部,这种情况会导致分形维数的较大变化(图10b)。 因此,导致了黏度为31.6 mPa·s时分形维数变化率 大于黏度为17.1 mPa·s时分形维数变化率。在高黏 度压裂液下,更容易形成单一的主水力裂缝,压裂 后的裂缝网络复杂性低于在相对较低的黏度下得 到的裂缝网络复杂性。

# 3 结论

通过鄂尔多斯盆地中生界三叠系延长组长7段 油页岩水力压裂实验,利用分形理论及三维CT重构 技术对裂缝网络复杂性进行研究,发现单一裂缝、 交叉裂缝、平行裂缝和混合裂缝的分形维数依次增 大,具有较高复杂性的裂缝分形维数更大。压裂前 天然裂缝的分形维数均小于压裂后三维水力裂缝 网络的分形维数,意味着压裂后裂缝增多,裂缝网 络的复杂性有所增加。裂缝网络的分形维数变化 率随水平应力比的增大而减小。当水平应力比较 大时,压裂后的分形维数变化率较低。反之亦然, 在较低的水平应力比时更容易形成复杂的裂缝网 络。压裂后裂缝网络的分形维数变化率随压裂液 黏度的增大先增大后减小。在黏度为5.0 mPa·s时 分形维数变化率达到最大值。在压裂液黏度相对 较低的情况下,压裂形成的裂缝网络更为复杂,而 在压裂液黏度太低或太高的情况下裂缝网络更为 简单。本文的研究手段较前人对水力裂缝网络的 研究而言,实现了对裂缝网络更加直观和定量的描 述,并且补充了对延长组长7段油页岩水力压裂特 征的认识。但本文并未探究水力裂缝网络的扩展 过程,可进一步考虑实时CT扫描下裂缝成像,重构 水力压裂过程中裂缝网络的三维形态,探究压裂各 阶段裂缝网络的分形维数与裂缝扩展的关系。

#### 符号解释

- b---常数,无量纲;
- c----图像的等分数,次;
- D——分形维数,无量纲;
- h——小长方体高度,mm;
- k——常数,无量纲;
- 1——小立方体的边长,mm;
- m——小长方体长度,mm;
- n——小长方体宽度,mm;
- N<sub>k</sub>——覆盖裂缝空间所需的小立方体数量,个;
- x,y,z——立方体的长、宽、高3个方向的坐标,mm;
- $\delta_k$ ——覆盖裂缝空间的小立方体的边长, mm。

#### 参考文献

- Advanced Resources International.EIA/ARI world shale gas and shale oil resource assessment[R].Arlington; U.S.Energy Information Administration, 2013.
- [2] 胡明,张渝苹,陆廷清,等.渝东北寒武系鲁家坪组泥页岩裂缝 特征及其页岩气意义[J].大庆石油地质与开发,2020,39(1):

136-143.

HU Ming, ZHANG Yuping, LU Tingqing, et al.Fracture characteristics of the mud shale in Cambrian Lujiaping Formation in Northeast Chongqing and their shale gas significance [J].Petroleum Geology & Oilfield Development in Daqing, 2020, 39(1):136–143.

- [3] JAVADPOUR F, MCCLURE M, NARAGHI M E. Slip-corrected liquid permeability and its effect on hydraulic fracturing and fluid loss in shale[J].Fuel, 2015, 160(15):549-559.
- [4] 林会喜,宋明水,王圣柱,等.叠合盆地复杂构造带页岩油资源 评价——以准噶尔盆地东南缘博格达地区中二叠统芦草沟组 为例[J].油气地质与采收率,2020,27(2):7-17.
  LIN Huixi, SONG Mingshui, WANG Shengzhu, et al.Shale oil resource evaluation in complex structural belt of superimposed basin: A case study of middle Permian Lucaogou Formation in Bogda area, southeast margin of Junggar Basin[J].Petroleum Geology and Recovery Efficiency,2020,27(2):7-17.
- [5] ZHOU Jian, JIN Yan, CHEN Mian. Experimental investigation of hydraulic fracturing in random naturally fractured blocks[J].International Journal of Rock Mechanics & Mining Sciences, 2010, 47 (7):1 193-1 199.
- [6] ZHOU Jian, CHEN Mian, JIN Yan, et al.Analysis of fracture propagation behavior and fracture geometry using a tri-axial fracturing system in naturally fractured reservoirs [J]. International Journal of Rock Mechanics and Mining Sciences, 2008, 45(7): 1143-1152.
- [7] 孟庆民,张士诚,郭先敏,等.砂砾岩水力裂缝扩展规律初探
   [J].石油天然气学报,2010,32(4):119-123.
   MENG Qingmin,ZHANG Shicheng,GUO Xianmin, et al. A primary investigation on propagation mechanism for hydraulic fractures in glutenite formation [J]. Journal of Oil and Gas Technology, 2010,32(4):119-123.
- [8] 朱艳,李义连,杨森,等.CO<sub>2</sub>和N<sub>2</sub>对页岩气开采效果的影响
   [J].油气地质与采收率,2019,26(6):129-135.
   ZHU Yan, LI Yilian, YANG Sen, et al. Effect of CO<sub>2</sub> and N<sub>2</sub> on shale gas recovery [J]. Petroleum Geology and Recovery Efficiency, 2019,26(6):129-135.
- [9] MAXWELL S C, URBANCIC T I, STEINSBERGER N, et al. Microseismic imaging of hydraulic fracture complexity in the Barnett shale [C].San Antonio: SPE Technical Conference & Exhibition, 2002.
- [10] SUN Zhiyu, HUANG Zhiwen, LIU Changyin, et al. Experimental research on hydraulic fracture initiation and propagation by CT scanning [C]. Xi' an: Field Exploration & Development Conference, IET, 2016.
- [11] 张树翠,孙可明.储层非均质性和各向异性对水力压裂裂纹扩展的影响[J].特种油气藏,2019,26(2):96-100.
   ZHANG Shucui, SUN Keming.Hydraulic fracturing crack propagation under various reservoir heterogeneity and anisotropy [J].
   Special Oil & Gas Reservoirs,2019,26(2):96-100.
- [12] 郭彤楼.页岩气勘探开发中的几个地质问题[J].油气藏评价与 开发,2019,9(5):14-19.

GUO Tonglou.A few geological issues in shale gas exploration and development [J]. Reservoir Evaluation and Development, 2019, 9

- [13] GUO Tiankui, ZHANG Shicheng, QU Zhanqing, et al. Experimental study of hydraulic fracturing for shale by stimulated reservoir volume[J].Fuel, 2014, 128(14): 373-380.
- [14] KARPYN Z T, ALAJMI A, RADAELLI F, et al.X-ray CT and hydraulic evidence for a relationship between fracture conductivity and adjacent matrix porosity [J]. Engineering Geology, 2009, 103 (3/4):139-145.
- [15] ZHANG Xinwei, LU Yiyu, TANG Jiren, et al. Experimental study on fracture initiation and propagation in shale using supercritical carbon dioxide fracturing[J].Fuel, 2016, 190(15): 370–378.
- [16] HE Jianming, LIN Chong, LI Xiao, et al. Initiation, propagation, closure and morphology of hydraulic fractures in sandstone cores [J].Fuel,2017,208(15):65-70.
- [17] 王丹,王维旭,朱炬辉,等.四川盆地中浅层龙马溪组页岩储层 改造技术[J].断块油气田,2019,26(3):350-354.
  WANG Dan, WANG Weixu, ZHU Juhui, et al. Stimulation technology of medium-shallow shale gas in Longmaxi Formation of Sichuan Basin [J]. Fault-Block Oil and Gas Field, 2019, 26(3): 350-354.
- [18] 申浩冉,丁文龙,谷阳,等.黔北凤冈地区龙马溪组页岩孔隙结构特征[J].断块油气田,2019,26(4):480-485.
  SHEN Haoran, DING Wenlong, GU Yang, et al. Pore structure characteristics of Longmaxi Formation shale in Fenggang area, northern Guizhou[J].Fault-Block Oil and Gas Field, 2019, 26 (4):480-485.
- [19] JIANG Changbao, NIU Binwei, YIN Guangzhi, et al.CT-based 3D reconstruction of the geometry and propagation of hydraulic fracturing in shale[J].Journal of Petroleum Science and Engineering, 2019,179:899-911.
- [20] LIU Ping, JU Yang, GAO Feng, et al. CT identification and fractal characterization of 3D propagation and distribution of hydrofracturing cracks in low-permeability heterogeneous rocks[J]. Journal of Geophysical Research Solid Earth, 2018, 123(3):2156-2173.
- [21] TANG Cheng. Progress in fracture characterization and prediction [J].Science & Technology, 2013, 31(21):74–79.
- [22] 白国平,邱海华,邓舟舟,等.美国页岩油资源分布特征与主控 因素研究[J].石油实验地质,2020,42(4):524-532.
  BAI Guoping, QIU Haihua, DENG Zhouzhou, et al. Distribution and main controls for shale oil resources in USA[J]. Petroleum Geology & Experiment,2020,42(4):524-532.
- [23] 夏遵义,马海洋,房堃.渤海湾盆地沾化凹陷陆相页岩储层岩 石力学特征及可压裂性研究[J].石油实验地质,2019,41(1): 134-141.

XIA Zunyi, MA Haiyang, FANG Kun.Rock mechanical properties and fracability of continental shale in Zhanhua Sag, Bohai Bay Basin[J].Petroleum Geology & Experiment, 2019, 41(1):134–141.

- [24] SANDERSON D J, NIXON C W. The use of topology in fracture network characterization [J]. Journal of Structural Geology, 2015, 72:55-66.
- [25] CARDONA R, JENNER E, DAVIS T L. Fracture network characterization from P- and S-wave data at Weyburn field, Canada[J]. SEG Expanded Abstracts, 2003, (1):370.

- [26] 冯杰,于纪玉.利用CT扫描技术确定土壤大孔隙分形维数[J]. 灌溉排水学报,2005,24(4):26-28,40.
   FENG Jie,YU Jiyu.Determination fractal dimension of soil macropore using computed tomography [J]. Journal of Irrigation and Drainage,2005,24(4):26-28,40.
- [27] 杨雷,金之钧.全球页岩油发展及展望[J].中国石油勘探, 2019,24(5):553-559.
   YANG Lei, JIN Zhijun. Global shale oil development and pros-
- pects[J].China Petroleum Exploration, 2019, 24(5):553-559.
  [28] LI Tingjie, WANG Yaohui, ZHANG Meiying, et al.Fractal properties of crack in rock and mechanism of rock-burst [J]. Chinese

Journal of Rock Mechanics and Engineering, 2000, 19(1):6-10.

- [29] LI Guo, ZHANG Ru, XU Xiaolian, et al.CT image reconstruction of coal rock three-dimensional fractures and body fractal dimension under triaxial compression test [J]. Rock & Soil Mechanics, 2015,36(6):1 633-1 642.
- [30] MA Tianran, MA Depeng, YANG Yongjie. Fractal characteristics of coal and sandstone failure under different unloading confining pressure tests[J].Advances in Materials Science and Engineering, 2020,2020(11):1-11.
- [31] 王龙,张金川,唐玄.鄂尔多斯盆地下寺湾—云岩地区长7段页 岩气测井评价与分布规律研究[J].中国石油勘探,2019,24
   (1):129-136.

WANG Long, ZHANG Jinchuan, TANG Xuan.Logging evaluation and distribution law of Chang7 shale gas in Xiasiwan-Yunyan area, Ordos Basin[J].China Petroleum Exploration, 2019, 24(1): 129–136.

- [32] JU Yang, XI Chaodong, ZHAN Yang, et al. Laboratory in situ CT observation of the evolution of 3D fracture networks in coal subjected to confining pressures and axial compressive loads: a novel approach [J]. Rock Mechanics and Rock Engineering, 2018, 51 (11):3 361-3 375.
- [33] ZHAO Xiaoping, PEI Jianliang, DAI Feng, et al. Fractal description of cracks in rock mass [J]. Journal of Sichuan University, 2014,46(6):95-100.
- [34] ZHAO Peng, XIE Lingzhi, FAN Zhichao, et al.Mutual interference of layer plane and natural fracture in the failure behavior of shale and the mechanism investigation [J].Petroleum Science, 2021, 18 (2):618.
- [35] 张士诚,郭天魁,周形,等.天然页岩压裂裂缝扩展机理试验
  [J].石油学报,2014,35(3):496-503,518.
  ZHANG Shicheng, GUO Tiankui, ZHOU Tong, et al. Fracture propagation mechanism experiment of hydraulic fracturing in natural shale[J].Acta Petrolei Sinica,2014,35(3):496-503,518.
- [36] 毛灵涛,连秀云,郝丽娜.基于数字体图像三维裂隙的分形计算及应用[J].中国矿业大学学报,2014,43(6):1134-1139.
  MAO Lingtao,LIAN Xiuyun,HAO Lina.The fractal calculation of 3D cracks based on digital volumetric images and its application [J].Journal of China University of Mining & Technology, 2014,43 (6):1134-1139.